кристаллов

(структурная

нейтронография)

Анатолий Михайлович БАЛАГУРОВ

Лаборатория нейтронной физики имени И.М.Франка Объединенный институт ядерных исследований, Дубна



Илья Михайлович Франк, 1908 - 1990

- I. Свойства нейтронов и их взаимодействие с веществом
- **II.** Дифракция излучения (нейтронов) на кристалле
- III. Экспериментальная реализация дифракции нейтронов
- **IV. Нейтронная дифрактометрия**
- V. Структурный анализ моно- и поликристаллов
- **VI.** Магнитная нейтронография
- VII. Дифракция нейтронов и наноструктуры
- VIII. Нейтронография в России

Нейтронография (neutron scattering)

Нейтронография - совокупность экспериментальных методов исследования структуры и динамических свойств конденсированных сред на атомном или молекулярном уровне с помощью рассеяния нейтронов низких энергий (характерная энергия ~0.02 эВ, длина волны ~2 Å).

Основные разделы:

- структурная нейтронография,
- магнитная нейтронография,
- нейтронная спектроскопия.

Основные методики:

- дифракция,
- малоугловое рассеяние,
- рефлектометрия,
- неупругое рассеяние.



Литература

Основная: И.И.Гуревич, Л.В.Тарасов "Физика нейтронов низких энергий" М., Наука, 1965 Ю.З.Нозик, Р.П.Озеров, К.Хениг "Структурная нейтронография" М., Атомиздат, 1979. Б.К.Вайнштейн "Симметрия кристаллов", "Современная кристаллография", т.1, М., Наука, 1979 В.Л.Аксенов, А.М.Балагуров "Нейтронная дифрактометрия" УФН, т. 166 (9), с. 955, 1996. Дополнительная: К. Уиндзор "Рассеяние нейтронов от импульсных источников" М., Энергоатомиздат, 1985. В.И.Иверонова, Г.П.Ревкевич "Теория рассеяния рентгеновских лучей" М., МГУ, 1978 Г.С.Жданов, А.С.Илюшин, С.В.Никитина "Дифракционный и резонансный структурный анализ" М., Наука, 1980.

Что мы хотим знать о кристалле?

Мы хотим знать где атомы (молекулы) находятся и как они взаимодействуют!

Упругое рассеяние (дифракция) Позиции атомов (молекул) Структура (форма, конфигурация)







Energy transfer (meV)



Динамика гидроксида Ni, Ni(OH)₂





10 (из 22-х) спектрометров упругого рассеяния обеспечивают **59%** экспериментов. **3** (14%) дифрактометра для поликристаллов – **26%**.

Neutron space and time domain



Упругое и неупругое рассеяние нейтронов



І. Свойства нейтронов и их взаимодействие с веществом

10

Излучения, применяемые для структурного анализа
кристаллов
$$f \sim F \cdot \delta(\kappa - 2\pi H)$$
 $F = \sum_{j} b(r_j) \cdot exp(2\pi i Hr_j) exp(-W_j)$

I. <u>Рентгеновские лучи</u> (синхротронное излучение). $b_i = b_i(\kappa)$ - распределение атомных электронов

II. <u>Электроны</u> $\mathbf{b}_{j} = \mathbf{b}_{j}(\mathbf{\kappa})$ - распределение электростатического потенциала

III. <u>Нейтроны</u> (открыты Дж. Чедвиком в 1932 г.) b_j = const - ядерные когерентные длины рассеяния или (и)

b_j = m_j(к) – распределение магнитного момента атома

Harris Chadwight

Sir James Chadwick 20.10.1891, UK 24.07.1974, UK

Особенности взаимодействия медленных нейтронов с веществом

1) ядерные b_i не зависят от к (тепловые факторы)

2) ядерные b_j нерегулярно изменяются от элемента к элементу (видны легкие атомы на фоне тяжелых)

3) ядерные b_j нерегулярно изменяются от изотопа к
изотопу (возможно изотопное контрастирование)
 $b_H = -0.37$
 $b_{Fe-56} = 1.01$
 $b_D = 0.67$ $b_{Fe-56} = 0.23$

4) ядерные b_i могут быть < 0 (возможны "нулевые" матрицы)

5) большое сечение магнитного рассеяния

6) малое поглощение (большая проникающая способность)



Водородные материалы: что можно узнать с помощью рассеяния нейтронов?

Положение H, OH, H₂O в кристалле: Динамика H, OH в кристалле: Диффузия H, H₂O в среде: Кластеризация H, наноструктуры: Липидные мембраны, гидратация: Количественный анализ: когерентное упругое, дифракция. некогерентное неупругое. квазиупругое некогерентное. когерентное упругое, МУРН. дифракция, рефлектометрия. некогерентное упругое / поглощение.



Дифракция нейтронов

Нейтрон – квантово-механическая частица.

Дифракция нейтронов – процесс квантовый !

В соответствии с корпускулярноволновым дуализмом у нейтрона есть масса, импульс, длина волны. Решение задачи о рассеянии требует

решения уравнения Шредингера:

$$-(\hbar^2/2m)\Delta\Psi(\mathbf{r},t) + \mathbf{V}(\mathbf{r})\Psi(\mathbf{r},t) = i\hbar\partial\Psi(\mathbf{r},t)$$

t)/∂t

или $-(\hbar^2/2m)\Delta\Psi(r) + V(r)\Psi(r) = E\Psi(r)$

<u>Для свободного нейтрона</u>:

 $\Psi(x) \sim \exp(ikx), p = \hbar k, k - волновой вектор, k = 2\pi/\lambda, \lambda$ - длина волны де Бройля



Луи де Бройль (Louis de Broglie) 15.08.1892, France 19.03.1987, France



Эрвин Шредингер 12.08.1887, Австрия 04.01.1961, Австрия

Псевдопотенциал Ферми в кристалле

 $\Psi(\mathbf{r}) = \exp(i\mathbf{kr}) + f(\mathbf{k}) \cdot \exp(i\mathbf{kr})/r$

 $f(\mathbf{r})$ – амплитуда рассеяния

 $d\sigma/d\Omega = |\mathbf{f}(\mathbf{r})|^2$ – дифференциальное сечение упругого рассеяния

В борновском приближении амплитуда рассеяния ~ матричному элементу от потенциала взаимодействия.

 $V(r) = -2\pi\hbar^2 \cdot (f_j/M_j) \cdot \delta(r - r_j) - (псевдо)$ потенциал Ферми.



Enrico Fermi 29.09.1901, Италия 28.11.1954, США

 $d\sigma/d\Omega = (8\pi^3/V_c) \cdot |F_H|^2 \cdot \delta(\kappa - 2\pi H),$

 V_c – объем элементарной ячейки кристалла, F_H – структурный фактор, $\kappa = k_2 - k_1$ – переданный импульс, **H** – вектор обратной решетки.

Основные свойства нейтрона

Macca, m 939.565360(81) МэВ или 1.6749485×10 ⁻²⁴ г или 1.0086649156(6) а.е.м.				
Спин	<i>ћ</i> /2 (фермион)			
Время жизни в свободном состоя	інии 885.7 (8) c = 14.7	76 мин, $n \to p + e + \overline{V}$		
Магнитный момент, µ _n	-1.91304273 (45)	-1.91304273 (45) ядерного магнетона		
Длина волны (де Бройля), λ	$\lambda = 2\pi/k, k-$ вол	$\lambda = 2\pi/k, k -$ волновой вектор		
Импульс	$\mathbf{p} = \hbar \mathbf{k} = \mathbf{m} \mathbf{v}, \mathbf{v} - \mathbf{k} = \mathbf{v} \mathbf{v}, \mathbf{v} - \mathbf{v} \mathbf{v} \mathbf{v}$	$\mathbf{p} = \hbar \mathbf{k} = \mathbf{m} \mathbf{v}, \mathbf{v} - \mathbf{c}$ корость		
Энергия	$E = \hbar^2 \mathbf{k}^2 / 2\mathbf{m};$	$E(3B) = 0.08181/\lambda^2(\text{\AA})$		
Температура нейтронного газа	$T = E/k_{\rm B};$	$T(K) = 949.34/\lambda^2(Å)$		
Время пролета расстояния L	$t = (m/h) \cdot L\lambda;$	$t(MKC) = 252.778 \cdot L(M)\lambda(Å)$		
При <i>T</i> = 293 К	$E = 0.0253 3B, \lambda$	$E = 0.0253 3B, \lambda = 1.798 \text{\AA}$		
Ультрахолодные нейтроны	<i>E</i> < 0.23 мкэВ, 7	<i>E</i> < 0.23 мкэВ, <i>T</i> < 0.0026 К, v < 6.6 м/с, λ > 600 Å		
Холодные нейтроны	<i>E</i> < 0.005 3 B, <i>T</i> <	$E < 0.005$ эВ, $T < 60$ К, v < 990 м/с, $\lambda > 4$ Å		
Тепловые нейтроны	$E \approx 0.025$ 3B, $T \approx$	$E \approx 0.025$ эВ, $T \approx 290$ К, v ≈ 2200 м/с, $\lambda \approx 1.8$ Å		
Эпитепловые нейтроны	E > 1 3B, $T > 105$	$E > 1$ эВ, $T > 10500$ К, v ≈ 13200 м/с, $\lambda < 0.3$ Å		

Амплитуда и сечение ядерного рассеяния тепловых нейтронов

$$f(E) = f_p + (\Gamma_n/2k)/[(E - E_0) + i\Gamma/2]$$

$$Re(f) = f_{p} + (\Gamma_{n}/2k) \cdot (E - E_{0}) / [(E - E_{0})^{2} + \Gamma^{2}/4]$$

Im(f) =
$$(\Gamma \Gamma_n/4k)/[(E - E_0)^2 + \Gamma^2/4]$$

- Е-энергия нейтрона
- E_0 энергия резонанса,
- Г полная ширина резонанса,
- **Г**_n нейтронная ширина резонанса.

$$\sigma(E) = 4\pi | \mathbf{f}(E) |^2 =$$

= $\mathbf{f}_p^2 + (\Gamma_n^2/4\mathbf{k}^2)/[(E - E_0)^2 + \Gamma^2/4]$

 $f(E) = f_p - \Gamma_n/2kE_0 = const,$ при $E << E_0, \Gamma << E_0$ (тепловые нейтроны)

b = (-f) – длина рассеяния





Дифракция излучения

Выполнение (по крайней мере) двух условий:

*** когерентность рассеянных волн**

***** периодичность рассеивающих центров

Контраст дифракционной картины зависит от степени реализации этих условий !





Buckminsterfullerene C60

Локальный беспорядок в кристалле **C60** приводит К уменьшению интенсивности дифракционных пиков *d*_{hkl} малых при И появлению модулированного некогерентного рассеяния. Структура кристалла Na₂Al₂Ca₃F₁₄ хорошо упорядочена.

Когерентность (пространственная)

Когере́нтность (от лат. cohaerens - "находящийся в связи") - скоррелированность (согласованность)

Пространственная когерентность – согласованность волн, заключающаяся в том, что разность фаз и соотношение амплитуд изменяются закономерным образом в разных точках волновой поверхности.

В нейтронном дифракционном эксперименте когерентность рассеяния нарушается из-за:

- * случайного расположения изотопов в ячейке,
- * случайной ориентации спинов ядра и нейтрона,

Некогерентное рассеяние нейтронов

Случайное расположение элементов в ячейке. La_{1-x}Ca_xMnO₃

The second secon

Случайное расположение изотопов в ячейке. Ni(OH)₂



Случайная ориентация спинов ядра и нейтрона



Триплетное состояние b⁺ = 1.08

H/D: $b_1 = -0.37$, $b_2 = 0.64$ Ni: $b_{58} = 1.44$, $b_{60} = 0.28$, $b_{61} = 0.76$, $b_{62} = -0.87$, $b_{64} = -0.037$





Кристалл: внутренняя периодичность, симметрия, анизотропия

- 1. Кристалл вещество с внутренней (3D) периодичностью.
- 2. Элементарная ячейка часть структуры кристалла, трансляциями которой воспроизводится структура всего кристалла. Ее выбор неоднозначен.
- 3. Кристаллическая решетка воображаемый объект, образованный вершинами (узлами) ячеек, заполняющих все пространство кристалла.
- 4. Через узлы кристаллической решетки можно провести воображаемые плоскости (кристаллографические).
- 5. Базису системы координат в кристаллическом пространстве можно однозначно сопоставить базис в обратном пространстве, $\{a\} \leftrightarrow \{b\}$.
- 6. Произведение Т·H = m, где T = $n_i a_i$, H = $h_j b_j$, n_i , h_i , m целые числа.
- 7. Вектор H = $h_j b_j$ перпендикулярен плоскости { h_j } и $d_h = 1/|H_h|$.
- 8. Трансляционной инвариантность структуры кристалла совместима только с определенными геометрическими элементами симметрии.
- 9. В 3D пространстве существует 230 комбинаций элементов симметрии.
- 10. Трансляционные, точечные и пространственные элементы симметрии обладают групповыми свойствами.



Атомная структура кристалла



Структура $HgBa_2CuO_{4+\delta}$. Позиция O3 заполнена частично: n(O3) = δ .



Структура LaMnO₃. В узлах решетки атомов нет.

Пространственная симметрия кристаллов

Атомная структура любого трехмерного кристалла может быть представлена с помощью одной из 230 пространственных (федоровских) групп.



Евграф Степанович Федоров, 1853 – 1919. Кристаллограф (Россия). "Симметрия правильных систем фигур" (1890)



Артур Мориц Шенфлис (Artur Moritz Schöenflies), 1853 – 1928. Математик (Германия) "Kristallsysteme Und Kristallstruktur" (1891)

Обратная решетка

 $\{a_i\}$ – базис системы координат в пространстве кристалла $\{b_i\}$ – базис системы координат в обратном пространстве

$$b_1 = [a_2a_3]/V_c, \ b_2 = [a_3a_1]/V_c, \ b_3 = [a_1a_2]/V_c,$$

 $V_c = a_1[a_2a_3] -$ объем ячейки
 $V_{rc} = 1/V_c = b_1[b_2b_3] -$ объем обратной ячейки
 $a_i \cdot b_i = \delta_{ii} = 1$ при i=j, 0 при i≠j

 $\mathbf{T} = n_1 a_1 + n_2 a_2 + n_3 a_3$ – вектор в решетке кристалла $\mathbf{H} = h_1 b_1 + h_2 b_2 + h_3 b_3$ – вектор в обратной решетке $\mathbf{T}_n \cdot \mathbf{H}_h = n_1 h_1 + n_2 h_2 + n_3 h_3 = m$ – целое число (h, k, l) — индексы Миллера H $\perp \{h_1 h_2 h_3\}, d_{hkl} = 1/|\mathbf{H}_{hkl}|$ $|\mathbf{H}_{hkl}| = (\mathbf{H} \cdot \mathbf{H})^{1/2}$

Рассеяние излучения на совокупности рассеивающих центров





Христиа́н Гю́йгенс (Christiaan Huygens) 14.04.1629 – 8.07.1695 Голландия

Принцип Гюйгенса-Френеля

 $\mathbf{f} \sim \mathbf{b}(\mathbf{r}) \cdot \exp(\mathbf{i}\mathbf{k}_2\mathbf{R}) - \mathbf{k}_2 \cdot \mathbf{k}_2$

амплитуда волны, рассеянной в точке $\mathbf{r} = 0$.

 $\mathbf{f} \sim \mathbf{b}(\mathbf{r}) \cdot \exp(i\mathbf{k}_2\mathbf{R}) \cdot \exp\{i(\mathbf{k}_2-\mathbf{k}_1)\mathbf{r}\} -$ амплитуда волны, рассеянной в точке **r**.

 $\mathbf{f} \sim \exp(\mathbf{i}\mathbf{k}_2\mathbf{R})\cdot\sum \mathbf{b}(\mathbf{r}_j)\cdot\exp\{\mathbf{i}(\mathbf{k}_2-\mathbf{k}_1)\mathbf{r}_j\} -$ амплитуда вол^{*i*}ны, рассеянной на всем объекте, состоящем из N точек.



Огюсте́н Жан Френе́ль (Augustin-Jean Fresnel) 10.05.1788 – 14.07.1827 Франция

Рассеяние излучения на периодической структуре



Итак:
$$\mathbf{f} \sim \mathbf{F} \cdot \delta(\mathbf{\kappa} - 2\pi \mathbf{H}), \ \mathbf{\kappa} = \mathbf{k}_2 - \mathbf{k}_1$$

т.к. $\sum_m \exp(\mathbf{i}\mathbf{\kappa}\mathbf{R}_m) \rightarrow \delta(\mathbf{\kappa} - 2\pi \mathbf{H})$

31

δ-функция Дирака

 $\delta(\mathbf{r}) = \mathbf{0},$ если $\mathbf{r} \neq \mathbf{0},$

 $\delta(\mathbf{r}) = \infty$, если $\mathbf{r} = 0$, $\int \delta(\mathbf{r}) d\mathbf{r} = 1$

$$\sum_{m} \exp(i\kappa \mathbf{R}_{m}) \rightarrow \delta(\kappa - 2\pi \mathbf{H}), \kappa = 2\pi \mathbf{H}$$

ul Adrien Maurice Dirac

$$\mathbf{R} = n_i a_i, \quad \mathbf{H} = h_j \mathbf{b}_j \quad 2\pi \mathbf{H} \cdot \mathbf{R}_m = 2\pi n_i \cdot h_j = 2\pi m, \quad \mathbf{exp}(2\pi \mathbf{im}) \equiv \mathbf{1}.$$

Интенсивность в H-пространстве отлична от нуля только, если $\kappa = 2\pi H$

Интерференционная функция Лауэ

$$f \sim \sum_{m} \exp(i\kappa \mathbf{R}_{m}) \cdot \sum_{j} b(\mathbf{r}_{j}) \cdot \exp(i\kappa \mathbf{r}_{j}) = \mathbf{F} \cdot \delta(\kappa - 2\pi \mathbf{H}) - \mathtt{для} \infty \, \mathtt{кристалла}.$$

$$S = \sum_{m} \exp(i\kappa \mathbf{R}_{m}) = \sum_{k}^{K} \exp[ik(\kappa a)] \sum_{m}^{M} \exp[im(\kappa b)] \sum_{n}^{N} \exp[in(\kappa c)] - \mathtt{для} \, \mathtt{Koheчhoro} \, \mathtt{Kohevhoro} \, \mathtt{Kohevhoro}$$

Формула Вульфа - Брэгга

f ~ F · δ (к - 2π**H**)≠0, если к=k₂ - k₁=2π**H**



k= $2\pi/\lambda$, H=1/d

 $2dsin\theta = \lambda$ - φορμικά - Βυλικά - Βρογγία - Βρογγία - Γρογγία -

Формула Вульфа - Брэгга





1913 г. Юрий Викторович Вульф Вильям Генри Брэгг Вильям Лоренц Брэгг





В 1938-53 гг. директор Кавендишевской лаборатории (Кембридж).

Вильям Генри Брэгг (William Henry Bragg) (отец, 1862-1842)

Вильям Лоренц Брэгг (William Lawrence Bragg) (сын, 1890 - 1971)

f ~ F · $\delta(\kappa - 2\pi H) \neq 0$, если $\kappa = k_2 - k_1 = 2\pi H$ 35

Упругое когерентное рассеяние, $\omega = 0$

 $S(q, \omega) \sim \iint e^{i(qr - \omega t)} G(r, t) dr dt$

Связь закона рассеяния с корреляционной функцией, L. van Hove, 1954 г.

Leon van Hove 10.02.1924, Belgium 02.09.1990, Belgium



$$S(q, 0) \sim \iint G(r, t) e^{iqr} dr dt = \int \langle G(r) \rangle e^{iqr} dr$$

<G(r)> - среднее от G(r, t) по ∞ интервалу времени.

Без анализа регистрируется:

 $\int \mathbf{S}(\mathbf{q},\boldsymbol{\omega})\mathbf{d\boldsymbol{\omega}} \sim \int e^{\mathrm{i}\mathbf{q}\mathbf{r}} \mathbf{G}(r,0) \mathbf{d}r$

G(r, 0) связана с мгновенным распределением рассеивающих центров в пространстве.

Для систем без диффузионных движений частиц:

$$I(q) \sim S(q) \approx S(q, 0) \approx \int S(q, \omega) d\omega \sim \int e^{iqr} G(r) dr$$



Усредненная и мгновенная PDF свинца в PbMg_{1/3}Nb_{2/3}O₃ (PMN)

Упругое рассеяние как фурье-преобразование структуры

S(q) ≈ S(q, 0) ≈
$$\int$$
 S(q, ω)d ω ~ \int e^{iqr} G(r)dr
(прямое и обратное преобразования Фурье)
G(r) ~ \int e^{-iqr} S(q)dq

 $S(q) \sim d\sigma/d\Omega \sim I(q)$ – интенсивность упругого рассеяния,

 $G(r) = \int b(u) b(u + r) du$ — парная корреляционная функция.

Эти формулы справедливы для объектов любой природы и для любой конфигурации рассеивающих центров.

Упругое рассеяние как фурье-преобразование структуры



38



Рассеивающая плотность



Корреляционная функция (функция межатомных расстояний) (функция Паттерсона)

Arthur Lindo Patterson 23.07.1902, New Zealand 06.11.1966, USA



Методы определения фаз структурных факторов кристалла

Прямые методы:

- Метод структурных произведений
- Метод неравенств Харкера-Каспера
- Статистические методы

Непрямые методы:

- Метод «тяжелого атома»
- Метод «изоморфного замещения»
- Аномальное рассеяние

Jerome Karle 18.06.1918, USA



Nobel Prize in Chemistry 1985



Herbert A. Hauptman 14.02.1917, USA

40



Из курса Кевина Кавтана "Book of Fourier" (http://www.ysbl.york.ac.uk/~cowtan/fourier/fourier.html)

Когерентная и некогерентная амплитуды рассеяния нейтронов

$$f(\mathbf{H}) \sim F(\mathbf{H}) \cdot \delta(\mathbf{\kappa} - 2\pi \mathbf{H}), \quad F = \sum_{i} b_{coh}(\mathbf{r}_{i}) \cdot \exp(2\pi i \mathbf{H} \mathbf{r}_{i})$$

b_{coh}= - когерентная амплитуда рассеяния.

 $b_{inc} = [<b^2> - <b^2]^{1/2}$ - некогерентная амплитуда рассеяния.

Усреднение проводится по:

- направлениям спина ядра (спиновая некогерентность),
- содержанию изотопов (изотопическая некогерентность).

$$\langle \mathbf{b} \rangle = \sum_{j} \alpha_{j} \mathbf{b}_{j}, \quad \langle \mathbf{b}^{2} \rangle = \sum_{j} \alpha_{j} \mathbf{b}_{j}^{2}, \quad \sum_{j} \alpha_{j} = 1.$$

Когерентная и некогерентная амплитуды рассеяния нейтронов

b_{coh}= ****- когерентная амплитуда рассеяния.

 $b_{inc} = [<b^2> - <b^2]^{1/2}$ - некогерентная амплитуда рассеяния.

Для изотопов:

 $\mathbf{b}_{coh} = \alpha \mathbf{b}_1 + \beta \mathbf{b}_2$ $\mathbf{b}_{inc} = [\alpha \beta (\mathbf{b}_1 - \mathbf{b}_2)^2]^{1/2}$

Для спинов:

$$b_1 = b_+, \alpha = (I+1)/(2I+1)$$

 $b_2 = b_-, \beta = I/(2I+1)$







Дифракция как фурье-преобразование

 $f(\mathbf{H}) \sim \int \rho(\mathbf{r}) \exp(2\pi i \mathbf{H} \mathbf{r}) d\mathbf{r}$ – амплитуда рассеянной волны

ρ(r) – распределение рассеивающей способности,

Н – вектор обратной решетки.

 $\rho(\mathbf{r}) \sim \int f(\mathbf{H}) \exp(-2\pi i \mathbf{H} \mathbf{r}) d\mathbf{H}$ - обратное фурье-преобразование

р(r) – объект,

I(H) ~ |f(H)|² — дифракционное изображение (интенсивность), дифракционный эффект – изменение изображения при изменении объекта. f(H) – изображение.

Свойства фурье-преобразования

1) Характерный размер изображения обратно пропорционален размеру объекта по соответствующему направлению ($a_i \leftrightarrow b_i$).

2) Если объект периодичен вдоль *a*_i, то изображение периодично вдоль *b*_i.

3) При свертке двух объектов ρ_1 и ρ_2 возникает произведение изображений f_1 и f_2 и *vise versa*.

4) Наличие резких границ в одном пространстве приводят к появлению модуляции в другом пространстве.



Форма узлов обратной решетки



Тепловое движение атомов





Дифракционный предел и его преодоление

$$\mathbf{b}(r) \sim \int_{0}^{\infty} e^{-iqr} f(q) dq \longrightarrow \mathbf{b}(r) \sim \int_{0}^{Q} e^{-iqr} f(q) dq, \quad Q = q_{\max}$$

 $l_c \approx 2\pi/Q \ge \lambda_{\min}/2 - дифракционный предел$

Как правило,для дифракции $\lambda_{\min} \approx 1$ Å, т.е. $l_c \approx 0.5$ Å,
для МУРН $Q \approx 0.5$ Å⁻¹, т.е. $l_c \approx 20$ Å.

В то же время, для межатомных расстояний $\sigma \sim 0.002$ Å,для параметров элементарной ячейки $\sigma \sim 0.0001$ Å,для радиуса инерции глобулярной молекулы $\sigma \sim 0.2$ Å.

Дифракционный предел преодолевается за счет:

- периодичности структуры,
- параметрического описания измеренных распределений.

Конец 1-й части 51